

# TN01000024/08-V005 LIBRARY OF CODES FOR PLASTICITY AND CREEP MODELS IMPLEMENTATION

projekt: Národní centrum kompetence - Kybernetika a umělá inteligence  
identifikační kód projektu: TN01000024  
program: Národní centra kompetence 1 - TAČR  
období řešení: 2019–2022

název dílčího projektu: Automatizace a optimalizace výrobních systémů  
identifikační kód dílčího projektu: TN01000024/08

Dušan Gabriel, Jan Masák, Slavomír Parma, René Marek, Petr Pařík, Jiří Plešek  
Ústav termomechaniky AV ČR, v. v. i.

31. prosince 2020

# Kapitola 1

## Stručný popis materiálové knihovny

V rámci dílčího projektu "TN01000024/08-Automatizace a optimalizace výrobních systémů" byla vyvinuta knihovna fortranských MKP procedur "TN01000024/08-V005-Library of codes for plasticity and creep models implementation" pro modelování elastoplastického a creepového chování 3D tištěných kovových materiálů. Knihovna je určena pro simulaci chování 3D tištěných kovových materiálů s cílem optimalizace jejich mechanických vlastností s ohledem na různé parametry výrobního procesu a vývoj zkušebních postupů. Knihovna je součástí MKP systému PMD (Package for Machine Design), který je dlouhodobě vyvíjen v ÚT AV ČR, v. v. i.

Do výpočtového systému PMD [1] byly formou nových knihovních podprogramů implementovány modely plasticity a creepu, které umožňují simulovat nelineární odezvu materiálů 3D tištěných kovových materiálů. Konkrétně se jedná o modely:

- Nortonův–Baileyův model creepu
- Komplexní model creepu (navržený RNDr. V. Bínou, CSc. a kol. [2])
- Model creepu pro tranzientní zatížení (navržený RNDr. L. Klocem, CSc. a kol. [3])
- Dafalias–Feigenbaum model plasticity [4, 5]

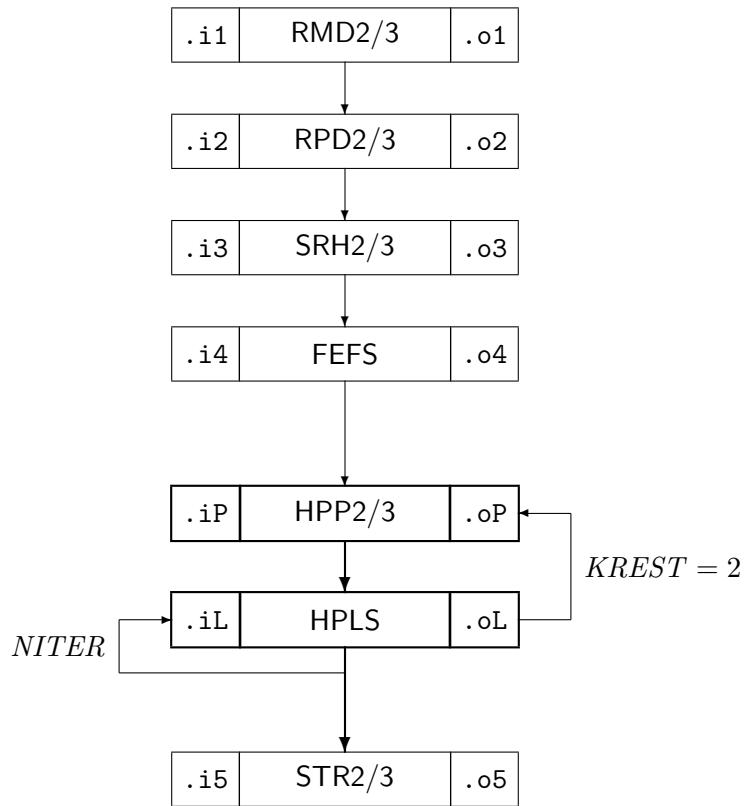
Podprogramy jsou napsány v programovacím jazyce **Fortran** a nevyužívají kromě vlastních knihoven systému PMD žádné další externí knihovny.

### 1.1 Postup výpočtu s materiálovými modely creepu a plasticity

Při výpočtu se postupuje podle schématu pro nelineární statickou úlohu podle manuálu systému PMD [1], který je dostupný na <http://www.pmd-fem.com/manualy.html>.

1. Lineární výpočet: Nejprve se standardním způsobem provede výpočet lineární elastostatické úlohy (posloupnost programů RMD2/3—RPD2/3—SRH2/3—FEFS).
2. Příprava vstupů pro nelineární výpočet (program HPP2/3): Ve vstupním souboru `name.iP` se definuje zvolený model creepu/plasticity. Materiálové parametry creepových modelů se zapíší do libovolně pojmenovaných textových souborů, jejichž přiřazení prvků MKP sítě je specifikováno v souboru `name.DAT`.
3. Nelineární analýza (program HPLS): Nelineární řešič založený na kvazi-newtonovské metodě BFGS provede vlastní řešení úlohy podle zadaných parametrů v řídícím souboru `name.iL` s využitím nově implementovaných materiálových subroutin.
4. Vyhodnocení napětí a posuvů (program STR2/3): Výstupem nelineárního řešiče je pole napětí a posuvů v zadaném MKP modelu v textové/binární formě připravené pro další zpracování.

Výpočet probíhá voláním dílčích programů systému PMD z příkazové řádky operačního systému. Vyhodnocení vypočtených napětí a posuvů je možné provést v grafickém postprocesoru systému PMD (program GFEM).



### 1.1.1 Formát souboru name.iP

```

; řízení výpočtu
IP KREST NLC NCYC KMOD KCRP KLARG KCNT O KURHS 0 L1 L2 ... LNLC
RP 10*0 t1 t2 ... tNLC

; alternativní zadání zatěžovací posloupnosti
LC L1 t1
LC L2 t2
...
LC LNLC tNLC

; ukončení vstupních dat
EN
EN

```

### Poznámka

- Model creepu se volí parametrem KCRP na IP řádku.
- Model plasticity se volí parametrem KMOD na IP řádku.

### 1.1.2 Formát souboru name.DAT

```

number N
jméno souboru (1)
jméno souboru (2)
...
jméno souboru (N)
material 2 kB(2) n(2)
seznam prvků (2)
...
material i kB(i) n(i)

```

```

seznam prvků (i)
...
material N kB(N) n(N)
seznam prvků (N)

```

Na první řádek se za klíčové slovo **number** zapíše počet použitých materiálů  $N$ . Na dalších  $N$  řádků se zapiší jména souborů, ve kterých jsou uloženy parametry materiálů. Pak následuje  $N - 1$  bloků, kde se jednotlivé materiály přiřadí prvkům.

Každý blok začíná hlavičkou uvedenou klíčovým slovem **material**, kde  $i$  je pořadové číslo materiálu ( $i \geq 2$ ),  $k_B$  udává způsob výpočtu počáteční deformace pro Bínův model (u jiných modelů se hodnota ignoruje) a  $n$  je počet prvků, kterým je  $i$ -tý materiál přiřazen. Na další řádky bloku se zapíše seznam prvků, kterým je  $i$ -tý materiál přiřazen (lze využít zkrácené notace s dvojtečkou).

Blok pro materiál  $i = 1$  se *nezapisuje*. Tento materiál je implicitně přiřazen všem prvkům, kterým nebyl v rámci bloků **material** přiřazen materiál  $i \geq 2$ . Hodnota  $k_{B(1)}$  pro Bínův model se určí z druhé číslice klíče KCRP v souboru **name.iP**. Je-li v creepové úloze použit jen jeden materiál, obsahuje soubor **name.DAT** pouze dva řádky.

## 1.2 Nortonův–Baileyův model creepu

Nortonův–Baileyův model se aktivuje zadáním **KCRP = 3** v souboru **name.iP**. Materiálové konstanty  $K$ ,  $n$  a  $m$  se zadávají v samostatných vstupních souborech, které je nutné přiřadit jednotlivým prvkům sítě pomocí souboru **name.DAT**.

### 1.2.1 Formát souboru s materiálovými parametry

```

*
* Komentář
*
```

```

NB MODEL
PMD/ANSYS
```

```

POCET DAT
N
```

```

DATA - T K N M
T1 K1 N1 M1
...
TN KN NN MN
```

- Počet řádků úvodního komentáře není omezen.
- Před každým blokem musí být prázdný řádek.
- Blok **NB MODEL** obsahuje klíčové slovo buď **PMD**, nebo **ANSYS** (viz dále).
- Blok **POCET DAT** obsahuje hodnotu  $N$ , udávající počet řádků v bloku **DATA**.
- Blok **DATA - T K N M** obsahuje  $N$  řádků čtveřic hodnot  $[T, K, n, m]$  pro model **PMD**, nebo  $[T, C_1, C_2, C_3]$  pro model **ANSYS**. Teplota se zadává ve  $^{\circ}\text{C}$ .

## 1.3 Komplexní model creepu

Komplexní model se aktivuje zadáním **KCRP = pqr** v souboru **name.iP** na tříčíselnou hodnotu:

- první číslice (pozice stovek) je  $p = 2$
- druhá číslice (pozice desítek)  $q \in \{1, 2, 3\}$  udává způsob výpočtu počáteční deformace
  - typ 2a)

- typ 2b)
- typ 2c)
- třetí číslice (pozice jednotek)  $r \in \{1, 2, 3, 4\}$  udává způsob přechodu mezi křivkami tečení
  - teorie Strain Hardening
  - teorie Time Hardening
  - teorie Life Fraction Rule
  - teorie Strain Fraction Rule

Materiálové konstanty  $E_1$  až  $E_3$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $Q$ ,  $n$ ,  $B_1$  až  $B_3$ ,  $N_1$  až  $N_5$ ,  $A_1$  až  $A_6$ ,  $M_1$  až  $M_5$ ,  $N$ ,  $M$ ,  $K_1$  a  $K_2$  se zadávají v samostatných vstupních souborech, které je nutné přiřadit jednotlivým prvkům sítě v souboru `name.DAT`.

### 1.3.1 Formát souboru s materiálovými parametry

```
*
```

\* Komentář

```
*
```

POCATECNI DEFORMACE

E1  
E2  
E3

PEVNOST PRI TECENI

A1  
A2  
A3  
A4  
A5  
A6

2B)  
A  
Q  
B  
n

2C)  
A  
Q  
n  
B1  
B2  
B3  
N1  
N2  
N3  
N4  
N5

MEZNA DEFORMACE

M1  
M2  
M3

M4  
M5

## FUNKCE ZPEVNENI

N  
M  
K1  
K2

- Počet řádků úvodního komentáře není omezen.
- Před každým blokem musí být prázdný řádek.
- Blok POCATECNI DEFORMACE obsahuje konstanty pro výpočet počátečná deformace.
- Blok 2B) obsahuje další konstanty pro výpočet počátečná deformace; je-li  $k_B \in \{1, 3\}$ , blok se úplně vynechá
- Blok 2C) obsahuje další konstanty pro výpočet počátečná deformace; je-li  $k_B \in \{1, 2\}$ , blok se úplně vynechá
- Blok PEVNOST PRI TECENI obsahuje konstanty pro výpočet doby do lomu.
- Blok MEZNA DEFORMACE obsahuje konstanty pro výpočet mezní deformace.
- Blok FUNKCE ZPEVNENI obsahuje konstanty pro výpočet funkce poškození.

## 1.4 Model creepu pro tranzientní zatížení

Model creepu pro přechodová zatížení se aktivuje zadáním KCRP = 6 v souboru `name.iP`. Materiálové konstanty se zadávají v samostatných vstupních souborech `material.dak`, které je nutné přiřadit jednotlivým prvkům sítě pomocí souboru `name.DAT`.

### 1.4.1 Formát souboru s materiálovými parametry

Soubor `material.dak` obsahuje deset parametrů creepového modelu, které jsou uvozeny klíčovým slovem `KONSTANTY`. Řádky začínající znakem hvězdička \* obsahují komentář.

Příklad zadání materiálových konstant pro žárupevnou ocel P91 (EN: X10rMoVNbN 9-1)—soubor `P91.dak`

```
*****
*                                         *
*      IPM Kloc model - P91 (EN: X10rMoVNbN 9-1)          *
*                                         *
*      10 konstant                                     *
*-----*
*      sigma_t    MPa                                *
*      sigma_r    MPa                                *
*      r_i        -                                  *
*      b          1/s                                 *
*      p          1/MPa                               *
*      Q_h        kJ/mol                            *
*      Q_l        kJ/mol                            *
*      g          1/s                                 *
*      h          MPa                               *
*      c          *                                  *
*                                         *
*****
```

## KONSTANTY

75  
1.5  
100

7.3E+24  
0.03  
580  
150  
7.79E+10  
22200  
1.95E-3

## 1.5 Dafalias–Feigenbaum model plasticity

Dafalias–Feigenbaum model směrového zpevnění se aktivuje zadáním `KMOD = 4` v souboru `name.iP`. Materiálové konstanty  $k_0$ ,  $\kappa_1$ ,  $\kappa_2$ ,  $a_1$ ,  $a_2$  a  $c$  se zadávají v souboru `name.i2` (RPD2/3) v příslušné MP dávce jako 9. až 14. hodnota za klíčovým písmenem V:

MP číslo\_dávky T 1 V E α ν ρ σ<sub>Y</sub> Q<sub>Y</sub> ē<sub>c</sub> Φ k<sub>0</sub> κ<sub>1</sub> κ<sub>2</sub> a<sub>1</sub> a<sub>2</sub> c

# Kapitola 2

## Závěr

V této zprávě je popsána základní technická dokumentace knihovny “TN01000024/08-V005-Library of codes for plasticity and creep models implementation” obsahující fortranské MKP procedury pro modelování elastoplastického a creepového chování 3D tištěných kovových materiálů. Knihovna je součástí MKP systému PMD dlouhodobě vyvíjeného v ÚT AV ČR, v. v. i.

Po samotné implementaci materiálových modelů do systému PMD byla následně provedena základní verifikace srovnáním s analytickými vztahy pro případ jednoduchých stavů napjatosti a srovnáním se vztahy pro limitní stavy zatěžování. Vývoj knihovny byl zakončen verifikací kódu na typizovaných úlohách. U všech implementovaných materiálových modelů byla potvrzena jejich funkčnost.

Knihovna je registrována v knihovně ÚT AV ČR s interním číslem INV20-061 a je přístupná všem spoluřešitelům dílčího projektu “Automation and production system optimization”, případně i dalším zájemcům konsorcia NCK KUI prostřednictvím datového úložiště při výpočetním klusteru ÚT AV ČR či přímo na stránkách <http://www.pmd-fem.com/> systému PMD.

Knihovna pokročilých materiálových modelů umožní zpřesnění predikce stávajících simulačních nástrojů na bázi metody konečných prvků pro modelování elastoplastické a creepové odezvy 3D tištěných kovových materiálů a tím i přispěje většímu rozšíření těchto materiálů do průmyslové praxe.

# Literatura

- [1] PMD verze f77.13, VAMET/Ústav termomechaniky ÚT AV ČR, v. v. i., 2020, <http://www.pmd-fem.com/>.
- [2] Bína, V., Hakl, J. (1994) Probabilistic approach to description of the creep strain characteristic and prediction for long life-time. In *Proc. Conf. Materials for Advanced Power Engineering*, D. Coustouradis et al. (eds).Kluwer Academic Publishers, Dordrecht (Boston), pp 601–610.
- [3] Kloc, L., Sklenička, V., Dymáček, P., Plešek, J. (2018) New creep constitutive equation for finite element modelling including transient effects. *Mechanics of Materials*, **119**, pp 49–55.
- [4] Feigenbaum, H. P., Dafalias, Y. F. (2008) Simple model for directional distortional hardening in metal plasticity within thermodynamics, *Journal of Engineering Mechanics*, **134**(9), pp 730–738.
- [5] Marek, R., Plešek, J., Hrubý, Z., Parma, S., Feigenbaum, H. P., Dafalias, Y.F. (2015) Numerical implementation of a model with directional distortional hardening *Journal of Engineering Mechanics-ASCE*, **141**(12), pp 04015048-1–04015048-10.